

АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА РАЗМЕСТВАНИЯ

В цикъл от $m=(1 \text{ до } N)$ наместваме подред всяко $m=1,2, \dots$ да дойде на мястото си. Първо намираме на коя позиция е m . Нека числото m е на позиция j . Понеже не е на мястото си, явно $j > m$. Ако предното число не е j , то разменяме местата на m и предното число. Защо трябва $a[j-1] \neq j$? Това е така защото:

$P = 1\ 2\ 6\ 5\ 3\ 4$ Стигнали сме до $m=3$. То е на позиция $j=5$. Ако разменим 5 и 3, ще се получи:
 $P = 1\ 2\ 6\ 3\ 5\ 4$ – сега 3 се премести напред, но числото 5 се оказа на позиция 5 и повече не може да се разменя с никое, т.е. вече няма начин числото 4, което е след 5, да се придвижи наляво.

Ако беше

$P = 1\ 2\ 5\ 6\ 3\ 4$ и $m=3$, то разменяме 6 и 3 и се получава

$P = 1\ 2\ 5\ 3\ 6\ 4$. След това преместване, веднага променяме j да стане 4.

По този алгоритъм ако продължим, то може да разменим сега 5 и 3 защото $a[j-1] = 5 \neq j = 4$.

Става $P = 1\ 2\ 3\ 5\ 6\ 4$ и $j=3$.

Понеже $j=m$, т.е. 3 си отиде на позиция 3, цикъла се завърта и $m=4$.

Нека сега $P = 1\ 2\ 7\ 5\ 6\ 3\ 4$, $m=3$, $j=6$ и $a[j-1]=j$, т.е. не може да разменим 6 и 3. Връщаме се от $j-1$ назад и търсим първото k за което $a[k] \neq k+1$. Това е при $k=3$, $a[3] = 7 \neq 3+1=4$.

Целта е да „издърпаме“ 5 и 6 наляво за да не отидат на местата си, а през това време 3 да отиде към място 3. Затова разместваме **отляво-надясно**, започвайки от $i=3$ до $i=j-1$ и разменяме $a[i]$ и $a[i+1]$. Ще се получи $1\ 2\ 5\ 6\ 3\ 7\ 4$. С една дума изместихме 5,6 и 3 наляво, а 7 го пратихме на мястото на 3:

$1\ 2\ 7\ 5\ 6\ 3\ 4$

$1\ 2\ 5\ 6\ 3\ 7\ 4$

Това значи, че намаляваме j , защото 3 се измести с една позиция наляво.

Обаче при $P = 1\ 2\ 4\ 5\ 6\ 3\ 8\ 7$ е по-добре да разменяме отдясно-наляво, започвайки от 3 и стигайки до 4. Ще се получи

$P = 1\ 2\ 4\ 5\ 6\ 3\ 8\ 7$

$P = 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 8\ 7$

Да обърнем внимание какво стойности може да има k спрямо m .

Явно до $m-1$ числата са подредени.

Ето всички възможни случаи:

$k=4, m=3, k > m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	10	12	6	7	8	3	5	9	4	11
Отместване												
P1	1	2	10	12	6	7	8	3	10	9	12	11
P2	1	2	10	6	7	8	3	12	5	9	4	11

$k=4, m=4, k=m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	3	11	6	7	8	9	4	12	10	5
Отместване												
P2	1	2	3	11	6	7	8	9	4	12	10	5
P3	1	2	3	6	7	8	9	4	11	12	10	5

$k=0, m=1, k < m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	2	3	4	5	1	8	6	9	7	11	12	10
Отместване												
P2	2	3	4	5	1	8	6	9	7	11	12	10
P3	1	2	3	4	5	8	6	9	7	11	12	10

$k=4, m=5, k < m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	3	4	6	7	8	5	10	12	9	11
Отместване												
P1	1	2	3	4	6	7	8	5	10	9	12	11
P2	1	2	3	4	5	6	7	8	10	12	9	11

Вижда се, че когато $k < m$, тогава „пречещите” числа /в жълто/ се изместват надясно. Ясно е, че k може да бъде или 0 или $m-1$, и на практика числото m си отива на място m .

Изместването става с цикъла

for $i := j - 1$ do m swap($i, i + 1$) } (1)
и правим $j := m$

Когато $k \geq m$, тогава „пречещите” числа и m се изместват наляво, а числото, което е било на позиция k – отива на позиция m . Цикълът е:

for $i := k$ do $j - 1$ swap($i, i + 1$); } (2)
и правим $j := j - 1$

В процедурата *swap* си разменят местата $a[i]$ и $a[j]$.

Псевдокод на програмата:

for $m:=1$ do n

if $a[m]=m$ continue

намираме $j=$ позицията на числото m

while $j > m$

if $a[j - 1] < > j$ then

swap($j - 1, j$)

$j := j - 1$

else

$k := j - 1$

while ($k \geq m$) and ($a[k] = k + 1$)

□ $k := k - 1$

if $k < m$

□ измества „пречещите” числа надясно, $j:=m$ (1)

else

□ измества „пречещите” числа наляво, $j:=j-1$ (2)

Източник: *Всероссийская командная олимпиада школьников по программированию*
Анализ и реализация: *Павел Петров*