

## РЕЦЕНЗИЯ

от проф. дмн Румен Николов Даскалов,  
Технически Университет – Габрово,  
катедра „Математика”

на материалите, представени за участие в конкурс  
за заемане на академичната длъжност “професор”  
в Института по математика и информатика (ИМИ) на БАН

Област на висше образование – 4. Природни науки, математика и информатика,  
Професионално направление – 4.5. Математика,  
Научна специалност – Алгебра и теория на числата (теория на кодирането).

В конкурса за професор, обявен в ДВ, бр. 48 от 24. 06. 2016 г. и на страницата на ИМИ-БАН в Интернет за нуждите на секция “Математически основи на информатиката”, като единствен кандидат участва доц. дн Емил Миланов Колев от ИМИ - БАН.

### 1. Основание

Тази рецензия е представена на основание заповед № 224 от 22.08.2016 г. на директора на ИМИ–БАН и протокола от първото заседание на научното жури, проведено на 04.10.2016 година.

### 2. Кратки биографични данни

Доц. дн Емил Миланов Колев е роден през 1964 г. в Плевен. Средното си образование завършва през 1982 г. в МГ“Гео Милев“, а висшето си образование в СУ “Св. Климент Охридски“ през 1989 година. В периода 1989-1990 г. работи като програмист в ЛПМИ и от 1993 г. е главен асистент в ИМИ-БАН. В периода 1990-1993 г. е докторант във ФМИ. През 1993 г. защитава дисертация на тема „Покрития и спектри на кодове над крайни полета” и получава образователната и научна степен „доктор”. От 1998 г. е доцент в секция “Математически основи на информатиката” на Института по математика и информатика на БАН.

### 3. Общо описание на представените научни резултати

Общият брой на публикациите на доц. дн Емил Миланов Колев е 39, като част от тях са цитирани 93 пъти. В конкурса доц. Колев участва с **35** научни публикации, като едната от тях [34] е изпратена за публикуване и няма да бъде разглеждана. Представените научни резултати могат да бъдат класифицирани както следва:

#### По вид:

- Публикувани статии в научни списания – **16** броя;
- Публикувани доклади на научни конференции – **17** броя;
- Публикувани статии в книга – **1** брой;

#### **По значимост**

- Статии в научни списания с импакт фактор – **12** броя [1, 2, 3, 5, 7, 9, 12, 16, 17, 20, 27, 29].
- Статии в научни списания без импакт фактор – **4** броя [15, 19, 31, 33].

#### **По място на публикуване:**

- Доклади на международни научни конференции в чужбина – **7** броя.
- Доклади на международни научни конференции в България – **9** броя.
- Доклади в научните трудове на конференции в България – **1** брой.

#### **По езика, на който са написани:**

- На английски език - **34** броя ;

#### **По брой на съавторите:**

- Самостоятелни – **20** броя ;
- С един съавтор – **13** броя ;
- С двама съавтори – **1** брой.

### **4. Обзор и съдържателен анализ на съдържанието и на научните и научно-приложните постижения в представените материали**

Представените 34 научни резултати можем да разделим на 6 групи:

**В първата група** включвам публикациите свързани с изследване на двоични кодове, получени от разширени кодове на Рийд-Соломон над поле с характеристика 2 (статии [1], [7] и доклади [4], [6], [10] и [11]).

**Във втората група** включвам публикациите, посветени на изследване на функцията  $K_q(n, R)$  - минималното естествено число, за което съществува  $q$ -ичен код с дължина  $n$  и радиус на покритие  $R$ . Определяне минималната мощност на двоични, троични или смесени двоично/троични кодове със зададена дължина и минимално разстояние (статии [2], [3], [5], [12], [16] и [31]).

**В третата група** включвам публикациите свързани с получаване на точни стойности за мощността на оптимални двоични кодове със зададена дължина и минимално разстояние 3 или 4 и изследване на оптимални линейни кодове (статия [17] и доклади [13], [14]).

**В четвъртата група** включвам публикациите свързани с намирането на оптимални стратегии при задачи за неадаптивно търсене на неизвестен елемент с множества с равни тегла. Двумерно адаптивно търсене. Адаптивно търсене на неизвестен елемент в граф, когато след всеки въпрос неизвестният елемент променя позицията си в графа (статии [8], [19], [20] и доклади [18], [21], [22], [23], [24], [25], [26], [35]).

**В петата група** включвам публикациите свързани с определяне на нееквивалентните покрития на  $F_3^8$  със сфери с максимален радиус и определяне точната стойност на мощността на оптимално покритие със сфери на  $F_3^9$  (статии [27], [29] и доклади [28], [30]).

**В шестата група** включвам публикациите свързани с намиране на граници за мощността на кодове с дадена дължина, поправящи определен брой изтривания и

изследване на комбинаторни задачи, свързани с кодове, поправящи изтривания (статия [33] и доклади [32] и [34]).

Съгласно **чл. 29, ал. 3 от ЗРАСРБ** представените от кандидатите за заемане на академичната длъжност „професор” публикации в специализирани научни издания не трябва да повтарят представените за придобиване на образователната и научна степен "доктор", на научната степен "доктор на науките" и за заемане на академичната длъжност "доцент". Правилникът за условията и реда за придобиване на научни степени и за заемане на академични длъжности в ИМИ-БАН позволява включване на такива публикации, но в този случай има противоречие със ЗРАСРБ и тъй като този правилник на ИМИ-БАН има най-нисък ранг, то в такъв случай трябва да се прилага ЗРАСРБ.

Приемам, че пълният набор от публикации е даден за да се получи представа за това как новите резултати се вписват в цялостната научна дейност на кандидата. През 2014 година доц. Емил Колев защити успешно дисертация за научната степен „доктор на науките“ и представените нови 5 публикации удовлетворяват изискванията на гореспоменатия правилник на ИМИ.

Публикациите с номера от 1 до 29 са оценени в предишни конкурси и защити на дисертации и в съответствие с чл. 29, ал.3 от ЗРАСРБ няма да бъдат разглеждани. Ще рецензираме останалите 5 представени научни резултати, които са от втора, четвърта, пета и шеста групи.

### **Основни приноси в областите на изследване**

Статия [31] е от втора група, в която са включени публикациите, посветени на изследване на функцията  $K_q(n, R)$  – минималното естествено число, за което съществува  $q$ -ичен код с дължина  $n$  и радиус на покритие  $R$ , както и определянето на минималната мощност на двоични, троични или смесено двоично/троични кодове със зададена дължина и минимално разстояние. *(Радиусът на покритие  $R$  е минималното естествено число, за което кълбата с центрове кодовите думи и радиус  $R$  покриват цялото пространство.)*

В предишните публикации са класифицирани троичните кодове с дължина пет и радиус на покритие едно. Доказано е, че всеки такъв код се получава като директно произведение на  $GF(3)$  и троичния код на Хеминг с дължина четири. За сложността на разглежданите задачи може да съдим и от следния факт – определянето точната стойност например на функцията  $K_3(6,1)$  все още е нерешена задача. Известните граници до този момент са  $71 \leq K_3(6,1) \leq 73$ , като долната граница е получена с компютърни пресмятания равни на 140 години компютърно време.

В тази група е изследвана и задачата за намиране на минималният брой кодови думи за двоични или смесени двоични/троични кодове с дадена дължина и даден радиус на покритие. Нека  $K(t,b,R)$  означава минималният брой кодови думи на код с  $t$  троични и  $b$  двоични координати и радиус на покритие  $R$ . Намерени са следните точни стойности и граници за оптимални покриващи кодове:  $K_2(9,1) \geq$

57,  $K_{\{3,2\}}(1,5,1) = 16$ ,  $K_{\{3,2\}}(2,4,1) = 20$ ,  $K_{\{3,2\}}(4,2,1) = 36$ ,  $K_{\{3,2\}}(5,0,2) = 8$ ,  
 $K_{\{3,2\}}(4,1,2) = 6$ ,  $K_{\{3,2\}}(2,2R + 1, R) = 6$ ,  $K_{\{3,2\}}(2,2R - 1, R) = 4$ ,  $K_{\{3,2\}}(2,2R, R) = 6$ .

**В [31]** са разгледани смесени двоично/троични покриващи кодове с  $b$  двоични и  $t$  троични координати, имащи радиус на покритие 1 и минимален брой кодови думи, т.е. оптимални кодове. Доказано е, че:

- при  $b = 1$  и  $t = 4$  всички оптимални покриващи кодове са директно произведение на  $F_2$  и троичния код на Хеминг с дължина 4 (Твърдение 1),
- при  $b = 2$  и  $t = 4$  съществуват оптимални покриващи кодове, които не са директно произведение на  $F_2^2$  и троичния код на Хеминг с дължина 4 (Твърдение 2).

Подходът от Твърдение 2 може да се приложи за кодове с  $b = 1$ ,  $t = 5$  и  $b = 3$ ,  $t = 4$  за получаване на покриващи кодове достигащи познатите в момента горни граници, които не са директно произведение на  $F_2^b$ ,  $F_3^{t-4}$  и троичния код на Хеминг с дължина 4.

Докладът [35] е от четвърта група, в която се разглежда задачата за търсене на неизвестен елемент. Общата постановка на класическата задача за търсене е следната: Дадено е множество  $A$  от което е избран неизвестен за нас елемент  $x$ . Можем да задаваме въпроси от вида: принадлежи ли елемента  $x$  на избрано от нас подмножество  $B$  на  $A$ . Отговорът на всеки от въпросите е „да“ или „не“. Задачата се счита за решена, ако намерим елемента  $x$  с възможно най-малко въпроси. В зависимост от начина на задаване на въпросите са възможни следните видове търсене: *адаптивно търсене* и *неадаптивно търсене*. Известно е също, че за решаване на класическата задача за търсене са необходими поне  $\lceil \log_2 |A| \rceil$  въпроса.

В крайно множество  $A$  се въвежда *теглова функция* за множеството  $A$   $w: A \rightarrow \mathbb{N}$ , като на всеки елемент от  $a_i \in A$  се съпоставя по определен начин естествено число  $w_h(a_i)$ . За произволно подмножество  $B$  на  $A$  по естествен начин се дефинира *тегло на подмножеството  $B$* , като сума от теглата на елементите на  $B$ . За неизвестен елемент  $x \in A$  и дадено естествено число  $S$  множествата-въпроси са онези подмножества  $B$  на  $A$ , за които  $w(B) = S$ . Естественото число  $S$  се нарича „добро“, ако съответната задача е решима, т.е. неизвестният елемент  $x$  може да бъде намерен с неадаптивно търсене. Естественото число  $S$  се нарича „подходящо“, ако неизвестният елемент  $x$  може да бъде намерен с минималния възможен брой въпроси. Основната задача, която е разгледана, е намирането на всички „добри“ и „подходящи“ числа при  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_{2^n}\}$  и теглова функция от вида:  $w_h(a_i) = \left\lfloor \frac{i-1}{2^{h+1}} \right\rfloor + 1$  за  $h = 1, 2, 3, \dots, n$  където  $[x]$  е цялата част на  $x$ . За различни стойности на  $h$  се получат различни теглови функции и съответно различни по трудност задачи за търсене. При  $h = 0, n - 1, n, 2^k$  са намерени всички подходящи числа. При  $h = n - 2$  са получени граници за подходящите

числа. Разгледана е още и задачата за търсене на два елемента, като са получени граници за добрите числа.

Търсене с грешни отговори – изследвана е и задачата, ако се допускат и грешни отговори. Показана е връзката на тази задача със съществуването на цикличен код с нечетна дължина и минимално разстояние 3.

Една двумерна задача за търсене – в съвместна публикация с Иван Ланджев е разгледана задачата за адаптивно търсене на неизвестен единичен квадрат в даден правоъгълник (задачата произлиза от G. Katona). Разрешените въпроси са от вида: принадлежи ли неизвестният квадрат на правоъгълник, чийто горен ляв връх съвпада с горния ляв връх на дадения правоъгълник. Да означим с  $t(m, n)$  минималният брой въпроси, необходими за намиране на неизвестния елемент. Лесно се доказва, че за  $t(m, n)$  има само две възможности -  $\lfloor \log_2 m + \log_2 n \rfloor$  или  $\lfloor \log_2 m + \log_2 n \rfloor + 1$ . Правоъгълник се нарича “разрешим”, ако съществува алгоритъм, чрез който неизвестният елемент може да бъде намерен с  $\lfloor \log_2 m + \log_2 n \rfloor$  въпроса. В противен случай правоъгълникът се нарича “неразрешим”. Доказано, че за всяко  $m$  от вида  $m = \frac{2^{st}-1}{2^s-1}$  и всяко  $n$  правоъгълник с размери  $m \times n$  е разрешим. Намерени са най-малкият неразрешим правоъгълник -  $11 \times 93$  и най-малкият неразрешим квадрат -  $181 \times 181$ .

Адаптивно търсене на неизвестен елемент в граф, когато след всеки въпрос неизвестния елемент се премества в съседен връх. (Когато с всеки въпрос се проверява дали целта е в някои  $k$  върха на графа, задачата се нарича  $k$ -търсене.)

**В [35]** са характеризирани всички графи, за които съществува печеливша стратегия при  $k = 1$ . В случая на двумерна квадратна решетка с четна дължина е определено минималното  $k$ , за което съществува печеливша стратегия.

Докладът [30] е от пета група, в която е разгледана задачата за намиране на оптимални покрития на  $F_3^n$  за  $n \leq 13$  със сфери с радиус  $n$ . Това означава, че се търси код  $C$  със следното свойство: за всеки елемент  $y \in F_3^n$  съществува  $x \in C$ , за който  $d(x, y) = n$ . Минималната мощност на такъв код се бележи с  $T(n)$ . Кодът се нарича оптимален, ако  $|C| = T(n)$ . Редицата от стойностите на  $T(n)$  е част от The online encyclopedia of integer sequences с номер A086676. В предишните публикации е доказано, че съществуват две нееквивалентни покрития на  $F_3^8$ . Намерена е намерена точната стойност  $T(9) = 68$ , което води до подобряване на известни вече граници за  $T(n)$ , а именно:  $T(10) \geq 102$ ,  $T(11) \geq 153$ ,  $T(12) \geq 230$  и  $T(13) \geq 345$ .

**В [30]** е направено комбинаторно доказателство на известни до сега, но получени с помощта на компютър резултати:  $T(2) = 3$ ,  $T(3) = 5$ ,  $T(4) = 8$ ,  $T(5) = 12$ ,  $T(6) = 18$  и  $T(9) = 29$ . Показано е също, че за всяко  $n$ ,  $2 \leq n \leq 6$ , съществува единствено оптимално покритие на  $F_3^n$ .

Докладът [32] и статията [33] са от шеста група, в която се разглеждат въведените от Левенщайн кодове, поправящи изтривания. При предаване на информация освен грешно приемане на даден символ е възможно и загуба (изтриване) на символи. Тогава получателят на съобщението получава по-къса дума и не знае къде точно е станало изтриването на символи. Чрез кодовете, поправящи изтривания се възстановява изпратената кодова дума, ако са станали до определен брой изтривания. С  $L_2(n, t)$  бележим минималната мощност на двоичен код с дължина  $n$ , поправящ  $t$ -изтривания, а с  $M_2(n, t)$  се бележи максималната мощност на такъв код.

**В [32]** е решен първият нерешен случай при  $t = 2$ , като е доказано, че  $L_2(10, 2) = 16$ . Описани са и всички нееквивалентни оптимални кодове, за които  $L_2(9, 3) = 11$ . Нека  $u$  е двоичен вектор с дължина  $n$ . С  $D_t(u)$  се означава множеството от всички думи с дължина  $n - t$ , получени от  $u$  чрез изтриване на  $t$  символа от  $u$ . Ако  $u$  и  $v$  са два вектора, ще казваме че  $u$  е  $t$ -доминантен над  $v$ , ако  $D_t(v) \subset D_t(u)$ . При доказателството на основния резултат особено важно е да се определят всички двойки доминантни вектори при конкретно  $t$ . Тази задача е решена при  $t = 1, 2$ .

**В [33]** е доказано, че оптималният двоичен код с дължина  $2t + 3$ , поправящ  $t$  изтривания е с мощност 6 при  $t = 1$ , т.е.  $M_2(5, 1) = 6$  и с мощност 5 при  $t \geq 2$ , т.е.  $M_2(2t + 3, t) = 5$ .

## **5. Отражение на научните публикации на кандидата в научната общност (известни цитирания)**

Представен е списък с 93 известни цитирания на 12 публикации от списъка за участие в конкурса. Цитирания на рецензираните от мен публикации няма, защото те са публикувани през последните две години. Голяма част от цитиранията са от чуждестранни автори в международни специализирани научни списания и книги.

## **6. Обща характеристика на дейността на кандидата**

Доц. дн Емил Миланов Колев е водил упражнения по Линейна алгебра в СУ (1990-1998); чел е лекции по Математически основи на информатиката във ВТУ"Св.св. Кирил и Методий" (1998-2000) и в Нов Български Университет (2008-2011); чел е лекции по Теория на кодирането в ПУ"Паисий Хилендарски" през 2003 година и по Дискретна математика в Нов Български Университет (2011-2013).

Участвал е в разработването на шест научноизследователски проекти с националния фонд „НИ" ( I 35/1991-1994, ММ-502/1995, ММ-502/1995, ММ-901/1999, ММ-1405/2004, I01/0003); проекти на ЕБР с Русия и с Унгария.

Бил е член на организационните комитети на международните научни конференции по Алгебрична и комбинаторна теория на кодирането, 2008, 2010, 2012, 2014 и 2016 и по Оптимални кодове, 2013.

Доц. дн Емил Миланов Колев е член на Съюза на математиците в България.

Трябва да отбележим, че доц. Колев участва активно при подготовката на националните отбори за международните олимпиади за ученици, член е на редакционната колегия на списание „Математика“, съавтор е на 15 учебници, книги и помагала за ученици и има над 60 научно популярни статии по математика за ученици.

#### **7. Приноси** (научни, научно-приложни, приложни)

Приносите можем да класифицираме като научни и научно-приложни.

#### **8. Оценка на личния принос на кандидата**

Самостоятелните публикации са **двадесет**. Приемам, че приносът на доц. дн Емил Миланов Колев в съвместните публикации е равностоеен с този на съавторите.

#### **9. Заключение**

Представените научни резултати отговарят на изискванията на ЗРАСРБ и на правилника за условията и реда за придобиване на научни степени и за заемане на академични длъжности в Института по математика и информатика на БАН. Поради това предлагам на научния съвет на Института по математика и информатика на БАН доц. дн Емил Миланов Колев **да бъде избран** за „професор” на ИМИ в област на висше образование – 4. Природни науки, математика и информатика; професионално направление – 4.5 Математика; научна специалност - Алгебра и теория на числата (Теория на кодирането).

11. 11. 2016 г.

Подпис:

/проф. дмн Р. Даскалов/